

Funciones

Oscar Perpiñán Lamigueiro

Universidad Politécnica de Madrid

- 1 Conceptos Básicos
- 2 Lexical scope
- 3 Funciones para ejecutar funciones
- 4 Debug
- 5 Profiling
- 6 Ejercicios

Fuentes de información

- R introduction
- R Language Definition
- Software for Data Analysis

Componentes de una función

- Una función se define con `function`

```
name <- function(arg_1, arg_2, ...) expression
```

- Está compuesta por:
 - ▶ Nombre de la función (`name`)
 - ▶ Argumentos (`arg_1, arg_2, ...`)
 - ▶ Cuerpo (`expression`): emplea los argumentos para generar un resultado

Mi primera función

- Definición

```
myFun <- function(x, y)
{
  x + y
}
```

- Argumentos

```
formals(myFun)
```

```
$x
```

```
$y
```

- Cuerpo

```
body(myFun)
```

```
{
  x
  y
}
```

Mi primera función

```
myFun(1, 2)
```

```
[1] 3
```

```
myFun(1:10, 21:30)
```

```
[1] 22 24 26 28 30 32 34 36 38 40
```

```
myFun(1:10, 3)
```

```
[1] 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13
```

Argumentos: nombre y orden

Una función identifica sus argumentos por su nombre y por su orden (sin nombre)

```
power <- function(x, exp)
{
  x^exp
}
```

```
power(x=1:10, exp=2)
```

```
[1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
```

```
power(1:10, exp=2)
```

```
[1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
```

```
power(exp=2, x=1:10)
```

```
[1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
```

Argumentos: valores por defecto

- Se puede asignar un valor por defecto a los argumentos

```
power <- function(x, exp = 2)
{
  x ^ exp
}
```

```
power(1:10)
```

```
[1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
```

```
power(1:10, 2)
```

```
[1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
```


Funciones sin argumentos

```
hello <- function()  
{  
  print('Hello world!')  
}
```

```
hello()
```

```
[1] "Hello world!"
```

Argumentos sin nombre: ...

```
pwrSum <- function(x, power, ...)  
{  
  sum(x ^ power, ...)  
}
```

```
x <- 1:10  
pwrSum(x, 2)
```

```
[1] 385
```

```
x <- c(1:5, NA, 6:9, NA, 10)  
pwrSum(x, 2)
```

```
[1] NA
```

```
pwrSum(x, 2, na.rm=TRUE)
```

```
[1] 385
```

Argumentos ausentes: missing

```
suma10 <- function(x, y)
{
  if (missing(y)) y <- 10
  x + y
}
```

```
suma10(1:10)
```

```
[1] 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20
```

Control de errores: stopifnot

```
foo <- function(x, y)
{
  stopifnot(is.numeric(x) & is.numeric(y))
  x + y
}
```

```
foo(1:10, 21:30)
```

```
[1] 22 24 26 28 30 32 34 36 38 40
```

```
foo(1:10, 'a')
```

```
Error in foo(1:10, "a") : is.numeric(x) & is.numeric(y) is not TRUE
```

Control de errores: stop

```
foo <- function(x, y){  
  if (!(is.numeric(x) & is.numeric(y))){  
    stop('arguments must be numeric.')  } else { x + y }  
}
```

```
foo(2, 3)
```

```
[1] 5
```

```
foo(2, 'a')
```

```
Error in foo(2, "a") : arguments must be numeric.
```

Mensajes para el usuario

stop para la ejecución y emite un mensaje de error

```
stop('Algo no ha ido bien.')
```

```
Error: Algo no ha ido bien.
```

warning no interfiere en la ejecución pero añade un mensaje a la cola de advertencias

```
warning('Quizás algo no es como debiera...')
```

```
Warning message:  
Quizás algo no es como debiera...
```

message emite un mensaje (**no usar cat o print**)

```
message('Todo en orden por estos lares.')
```

```
Todo en orden por estos lares.
```

- 1 Conceptos Básicos
- 2 Lexical scope**
- 3 Funciones para ejecutar funciones
- 4 Debug
- 5 Profiling
- 6 Ejercicios

Clases de variables

Las variables que se emplean en el cuerpo de una función pueden dividirse en:

- Parámetros formales (argumentos): x , y
- Variables locales (definiciones internas): z , w , m
- Variables libres: a , b

```
myFun <- function(x, y){  
  z <- x^2  
  w <- y^3  
  m <- a*z + b*w  
  m  
}
```

```
a <- 10  
b <- 20  
myFun(2, 3)
```

[1] 580

Lexical scope

- Las variables libres deben estar disponibles en el entorno (environment) en el que la función ha sido creada.

```
environment(myFun)
```

```
<environment: R_GlobalEnv>
```

```
ls()
```

```
[1] "a"           "anidada"    "b"          "constructor" "fib"
[6] "foo"        "hello"     "i"          "lista"       "ll"
[11] "M"         "makeNoise" "myFoo"      "myFun"       "power"
[16] "pwrSum"    "suma1"     "suma10"    "suma2"       "suma3"
[21] "sumProd"   "sumSq"     "tmp"       "x"
```

Lexical scope: funciones anidadas

```
anidada <- function(x, y){  
  xn <- 2  
  yn <- 3  
  interna <- function(x, y)  
  {  
    sum(x^xn, y^yn)  
  }  
  print(environment(interna))  
  interna(x, y)  
}
```

```
anidada(1:3, 2:4)
```

```
<environment: 0x561461a60550>  
[1] 113
```

```
sum((1:3)^2, (2:4)^3)
```

```
[1] 113
```

Lexical scope: funciones anidadas

```
xn
```

```
Error: objeto 'xn' no encontrado
```

```
yn
```

```
Error: objeto 'yn' no encontrado
```

```
interna
```

```
Error: objeto 'interna' no encontrado
```

Funciones que devuelven funciones

```
constructor <- function(m, n){  
  function(x)  
  {  
    m*x + n  
  }  
}
```

```
myFoo <- constructor(10, 3)  
myFoo
```

```
function(x)  
  {  
    m*x  
  }  
n  
<environment: 0x561469bf1458>
```

```
## 10*5 + 3  
myFoo(5)
```

```
[1] 53
```

Funciones que devuelven funciones

```
class(myFoo)
```

```
[1] "function"
```

```
environment(myFoo)
```

```
<environment: 0x561469bf1458>
```

```
ls()
```

```
[1] "a"           "anidada"    "b"          "constructor" "fib"
[6] "foo"        "hello"     "i"          "lista"       "ll"
[11] "M"         "makeNoise" "myFoo"     "myFun"       "power"
[16] "pwrSum"    "suma1"     "suma10"    "suma2"       "suma3"
[21] "sumProd"   "sumSq"     "tmp"       "x"
```

```
ls(env = environment(myFoo))
```

```
[1] "m" "n"
```

```
get('m', env = environment(myFoo))
```

```
[1] 10
```

```
get('n', env = environment(myFoo))
```

```
[1] 3
```

- 1 Conceptos Básicos
- 2 Lexical scope
- 3 Funciones para ejecutar funciones**
- 4 Debug
- 5 Profiling
- 6 Ejercicios

lapply

Supongamos que tenemos una lista de objetos, y queremos aplicar a cada elemento la misma función:

```
lista <- list(a = rnorm(100),  
             b = runif(100),  
             c = rexp(100))
```

Podemos resolverlo de forma repetitiva...

```
sum(lista$a)
```

```
sum(lista$b)
```

```
sum(lista$c)
```

```
[1] -3.295036
```

```
[1] 51.57184
```

```
[1] 99.86313
```

O mejor con `lapply` (lista + función):

```
lapply(lista, sum)
```

```
$a
```

```
[1] -3.295036
```

```
do.call
```

Supongamos que queremos usar los elementos de la lista como argumentos de una función.

Resolvemos de forma directa:

```
sum(lista$a, lista$b, lista$c)
```

```
[1] 148.1399
```

Mejoramos *un poco* con `with`:

```
with(lista, sum(a, b, c))
```

```
[1] 148.1399
```

La forma recomendable es mediante `do.call` (función + lista)

```
do.call(sum, lista)
```

```
[1] 148.1399
```


do.call

Se emplea frecuentemente para adecuar el resultado de `lapply` (entrega una lista):

```
x <- rnorm(5)
ll <- lapply(1:5, function(i)x^i)
do.call(rbind, ll)
```

```
      [,1]      [,2]      [,3]      [,4]      [,5]
[1,]  1.980628 -0.8595001  0.45504847 -1.469399  0.6453231
[2,]  3.922888  0.7387405  0.20706911  2.159134  0.4164419
[3,]  7.769784 -0.6349475  0.09422648 -3.172631  0.2687396
[4,] 15.389054  0.5457375  0.04287762  4.661861  0.1734239
[5,] 30.479996 -0.4690614  0.01951139 -6.850136  0.1119144
```

Reduce

Combina sucesivamente los elementos de un objeto aplicando una función binaria

```
## (((1+2)+3)+4)+5  
Reduce('+', 1:5)
```

[1] 15

Reduce

```
## (((1/2)/3)/4)/5  
Reduce('/', 1:5)
```

```
[1] 0.008333333
```

```
foo <- function(u, v)u + 1 /v  
Reduce(foo, c(3, 7, 15, 1, 292))  
## equivalente a  
## foo(foo(foo(foo(3, 7), 15), 1), 292)
```

```
[1] 4.212948
```

```
Reduce(foo, c(3, 7, 15, 1, 292), right=TRUE)  
## equivalente a  
## foo(3, foo(7, foo(15, foo(1, 292))))
```

```
[1] 3.141593
```

Funciones recursivas

Ejemplo: Serie de Fibonnaci

```
fib <- function(n){  
  if (n>2) {  
    c(fib(n-1),  
      sum(tail(fib(n-1),2)))  
  } else if (n>=0) rep(1,n)  
}
```

```
fib(10)
```

```
[1] 1 1 2 3 5 8 13 21 34 55
```

- 1 Conceptos Básicos
- 2 Lexical scope
- 3 Funciones para ejecutar funciones
- 4 Debug**
- 5 Profiling
- 6 Ejercicios

Post-mortem: traceback

```
sumSq <- function(x, ...)  
  sum(x ^ 2, ...)  
  
sumProd <- function(x, y, ...){  
  xs <- sumSq(x, ...)  
  ys <- sumSq(y, ...)  
  xs * ys  
}
```

```
sumProd(rnorm(10), runif(10))
```

```
[1] 8.711019
```

```
sumProd(rnorm(10), letters[1:10])
```

```
Error in x^2 : argumento no-numérico para operador binario
```

```
traceback()
```

```
2: sumSq(y, ...) at #3  
1: sumProd(rnorm(10), letters[1:10])
```

Analizar antes de que ocurra: debug

debug activa la ejecución paso a paso de una función:

```
debug(sumProd)
```

- Cada vez que se llame a la función, su cuerpo se ejecuta línea a línea y los resultados de cada paso pueden ser inspeccionados.
- Los comandos disponibles son:
 - ▶ n o intro: avanzar un paso.
 - ▶ c: continua hasta el final del contexto actual (por ejemplo, terminar un bucle).
 - ▶ where: entrega la lista de todas las llamadas activas.
 - ▶ Q: termina la inspección y vuelve al nivel superior.
- Para desactivar el análisis:

```
undebug(sumProd)
```

Debugging con RStudio

- [Artículo](#)
- [Vídeo](#)
- [Debugging explicado por H. Wickham](#)
- Ejemplo: grabar en un fichero y usar *source*

```
sumSq <- function(x, ...)  
  sum(x ^ 2, ...)  
  
sumProd <- function(x, y, ...){  
  xs <- sumSq(x, ...)  
  ys <- sumSq(y, ...)  
  xs * ys  
}  
  
sumProd(rnorm(10), letters[1:10])
```

Error in x^2 : argumento no-numérico para operador binario

Analizar antes de que ocurra: trace

- trace permite mayor control que debug

```
trace(sumProd, tracer=browser, exit=browser)
```

```
[1] "sumProd"
```

- La función queda modificada

```
sumProd
```

```
Object with tracing code, class "functionWithTrace"
```

```
Original definition:
```

```
function(x, y, ...){  
  xs <- sumSq(x, ...)  
  ys <- sumSq(y, ...)  
  xs * ys  
}
```

```
## (to see the tracing code, look at body(object))
```

```
body(sumProd)
```

```
{  
  on.exit(.doTrace(browser(), "on exit"))  
  {  
    .doTrace(browser(), "on entry")  
    {  
      xs <- sumSq(x, ...)  
      ys <- sumSq(y, ...)  
      xs * ys  
    }  
  }  
}
```

Analizar antes de que ocurra: trace

- Los comandos `n` y `c` cambian respecto a `debug`:
 - ▶ `c` o `intro`: avanzar un paso.
 - ▶ `n`: continua hasta el final del contexto actual (por ejemplo, terminar un bucle).
- Para desactivar

```
untrace(sumProd)
```

- 1 Conceptos Básicos
- 2 Lexical scope
- 3 Funciones para ejecutar funciones
- 4 Debug
- 5 Profiling**
- 6 Ejercicios

¿Cuánto tarda mi función? `system.time`

Defino una función que rellena una matriz de 10^6 filas y n columnas con una distribución normal:

```
makeNoise <- function(n){  
  sapply(seq_len(n), function(i) rnorm(1e6))  
}
```

```
M <- makeNoise(100)  
summary(M)
```

V1		V2		V3	
Min.	:-4.697129	Min.	:-5.086494	Min.	:-5.144483
1st Qu.	:-0.673276	1st Qu.	:-0.674048	1st Qu.	:-0.672202
Median	:-0.001501	Median	:-0.000023	Median	: 0.001893
Mean	:-0.001615	Mean	:-0.000317	Mean	: 0.002187
3rd Qu.	: 0.673160	3rd Qu.	: 0.672780	3rd Qu.	: 0.676579
Max.	: 4.468142	Max.	: 4.853063	Max.	: 4.741897
V4		V5		V6	
Min.	:-4.983313	Min.	:-4.927291	Min.	:-4.684501
1st Qu.	:-0.675177	1st Qu.	:-0.677671	1st Qu.	:-0.674668
Median	:-0.000469	Median	:-0.000469	Median	: 0.001684
Mean	:-0.000161	Mean	:-0.000120	Mean	: 0.001354
3rd Qu.	: 0.674433	3rd Qu.	: 0.674996	3rd Qu.	: 0.677215
Max.	: 4.819135	Max.	: 5.013616	Max.	: 4.876185
V7		V8		V9	
Min.	:-4.606624	Min.	:-4.759520	Min.	:-4.486057
1st Qu.	:-0.672966	1st Qu.	:-0.674023	1st Qu.	:-0.674597
Median	:-0.001805	Median	:-0.001627	Median	:-0.000094
Mean	:-0.001256	Mean	:-0.001174	Mean	:-0.000506

Diferentes formas de sumar

`system.time` mide el tiempo de CPU que consume un código¹.

```
system.time({  
  suma1 <- numeric(1e6)  
  for(i in 1:1e6) suma1[i] <- sum(M[i,])  
})
```

```
user system elapsed  
1.738 0.008 2.445
```

```
system.time(suma2 <- apply(M, 1, sum))
```

```
user system elapsed  
2.426 0.047 2.481
```

```
system.time(suma3 <- rowSums(M))
```

```
user system elapsed  
0.299 0.000 0.300
```

¹Para entender la diferencia entre `user` y `system` véase explicación [aquí](#).

¿Cuánto tarda cada parte de mi función?: Rprof

- Usaremos un fichero temporal

```
tmp <- tempfile()
```

- Activamos la toma de información

```
Rprof(tmp)
```

- Ejecutamos el código a analizar

```
suma1 <- numeric(1e6)
for(i in 1:1e6) suma1[i] <- sum(M[i,])

suma2 <- apply(M, 1, FUN = sum)

suma3 <- rowSums(M)
```

¿Cuánto tarda cada parte de mi función?: Rprof

- Paramos el análisis

```
Rprof()
```

- Extraemos el resumen

```
summaryRprof(tmp)
```

```
$by.self
      self.time self.pct total.time total.pct
"apply"      1.78   50.28      2.86   80.79
"aperm.default" 0.56   15.82      0.56   15.82
"FUN"        0.44   12.43      0.44   12.43
"rowSums"    0.40   11.30      0.40   11.30
"sum"        0.28    7.91      0.28    7.91
"lengths"    0.04    1.13      0.04    1.13
"unlist"     0.04    1.13      0.04    1.13
```

```
$by.total
      total.time total.pct self.time self.pct
"apply"      2.86   80.79      1.78   50.28
"aperm.default" 0.56   15.82      0.56   15.82
"aperm"      0.56   15.82      0.00    0.00
"FUN"        0.44   12.43      0.44   12.43
"rowSums"    0.40   11.30      0.40   11.30
"sum"        0.28    7.91      0.28    7.91
"lengths"    0.04    1.13      0.04    1.13
"unlist"     0.04    1.13      0.04    1.13
```

```
$sample.interval
[1] 0.02
```

- 1 Conceptos Básicos
- 2 Lexical scope
- 3 Funciones para ejecutar funciones
- 4 Debug
- 5 Profiling
- 6 Ejercicios**

Áreas de figuras geométricas

Escribe una función que calcule el área de un círculo, un triángulo o un cuadrado. La función empleará, a su vez, una función diferente definida para cada caso.

Conversión de temperaturas

Escribe una función para realizar la conversión de temperaturas. La función trabajará a partir de un valor (número real) y una letra. La letra indica la escala en la que se introduce esa temperatura. Si la letra es 'C', la temperatura se convertirá de grados centígrados a Fahrenheit. Si la letra es 'F' la temperatura se convertirá de grados Fahrenheit a grados Centígrados. Se usarán 2 funciones auxiliares, `cent2fahr` y `fahr2cent` para convertir de una escala a otra. Estas funciones aceptan un parámetro (la temperatura en una escala) y devuelven el valor en la otra escala.

Nota: La relación entre ambas escalas es $T_F = 9/5 \cdot T_C + 32$

Tablas de multiplicar

Construye un programa que muestre por pantalla las tablas de multiplicar del 1 al 10, a partir de dos funciones específicas. La primera función debe devolver el producto de dos valores numéricos enteros dados como parámetros. La segunda función debe mostrar por pantalla la tabla de multiplicar de un número dado como parámetro.

Números combinatorios

Escribe una función que calcule y muestre en pantalla el número combinatorio a partir de los valores n y k .

$$n k = \frac{n!}{(n - k)! \cdot k!}$$

Esta función debe estar construida en base a dos funciones auxiliares, una para calcular el factorial de un número, y otra para calcular el número combinatorio.

Fibonacci

Escribe una **función recursiva** que genere los n primeros términos de la serie de Fibonacci. Esta función aceptará el número entero n como argumento. Este valor debe ser positivo, de forma que si el usuario introduce un valor negativo la función devolverá un error.

Nota: En la serie de Fibonacci los dos primeros números son 1, y el resto se obtiene sumando los dos anteriores: 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, ...

Serie de Taylor

Escribe un conjunto de funciones para calcular la aproximación de e^{-x} mediante el desarrollo de Taylor:

$$e^{-x} = 1 + \sum_{i=1}^{\infty} \frac{(-x)^n}{n!}$$

La función principal acepta como argumentos el valor del número real x y el número de términos deseados. Se basará en otras tres funciones:

- `factorial` calcula el factorial de un número entero n .
- `potencia` calcula la potencia n de un número real x .
- `exponencial` calcula la aproximación anterior de un número real x usando n términos de la serie de Taylor.